

1. Cours à travailler ( se trouve sur les pages suivantes ) :
  - Chapitre 18 : Fonctions linéaires
    - III. Représentation graphique d'une fonction linéaire
      1. Propriété
      2. Comment tracer la représentation graphique d'une fonction linéaire
2. Exercices à effectuer avant le prochain cours de maths ( le corrigé est dans les pages suivantes )
  - ex n°2 a+c+d p.66-67 du sesamath
  - ex n°3 p.67 du sesamath
3. Pour progresser :
  - Mission étoile n°442 sur LABOMEPI ( permet de vérifier si vous avez compris la notion travaillée donc à faire dès que vous pouvez )

## Activité n°1 :

Un service de transports en commun propose le ticket à l'unité au prix de 2€.



1. Compléter le tableau suivant :

Nombre de tickets achetés	0	1	5	8	10
Prix payé ( en € )					

2. S'agit-il d'un tableau de proportionnalité ? ....

Si oui, quel est le coefficient de proportionnalité ? ....

3. On peut définir la fonction  $P$  qui à chaque nombre de tickets associe le prix à payer. On a alors :

$P : 8 \mapsto \dots\dots\dots$  ou encore  $P( \dots ) = \dots\dots\dots$

$P : 3 \mapsto \dots\dots\dots$  ou encore  $P( \dots ) = \dots\dots\dots$

$P : 7 \mapsto \dots\dots\dots$  ou encore  $P( \dots ) = \dots\dots\dots$

Si on note  $x$  le nombre de tickets achetés, on peut alors écrire :

$P : \dots\dots\dots \mapsto \dots\dots\dots$  ou encore  $P( \dots ) = \dots\dots\dots$

Compléter :

L'image s'obtient en multipliant le nombre de départ par ... .

On dit alors que  $P$  est une **fonction linéaire** de coefficient 2.

4. Calculer  $P(6)$  et interpréter le résultat.

.....

.....

.....



# 3<sup>ème</sup> - Chapitre 18 : Fonctions linéaires

## I. Définition :

### Définition-Propriété :

Une fonction  $f$  est linéaire si l'image s'obtient en multipliant le nombre de départ par un même nombre fixé.

Autrement dit, une fonction  $f$  est linéaire lorsqu'il existe un nombre fixe  $a$  tel que  $f : x \mapsto a \times x$  ( ou  $f(x) = a \times x$  ). Elle représente une situation de proportionnalité.

Ce nombre fixe  $a$  :

- est appelé le **coefficient de la fonction**
- représente le **coefficient de proportionnalité du tableau de valeur** de la fonction

### Exemple :

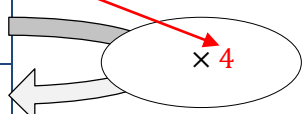
Soit  $f$  la fonction linéaire de coefficient 4.

On a alors  $f : x \mapsto 4x$

On note aussi  $f(x) = 4x$ .

On obtient par exemple comme tableau de valeurs :

antécédents	$x$	-10	-2	0	3	5
images	$f(x)$	-40	-8	0	12	20



## II. Déterminer par le calcul une image ou un antécédent :

### 1. Déterminer par le calcul l'image d'un nombre :

Soit  $f$  la fonction linéaire de coefficient 7.

On a alors  $f : x \mapsto 7x$

On note aussi  $f(x) = 7x$

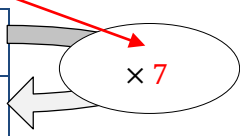
On veut déterminer par le calcul l'image de -3 par  $f$  :

$$f(-3) = 7 \times (-3)$$

$$f(-3) = -21$$

Donc l'image de -3 par  $f$  est -21.

antécédents	$x$	-3
images	$f(x)$	



## 2. Déterminer par le calcul l'antécédent d'un nombre :

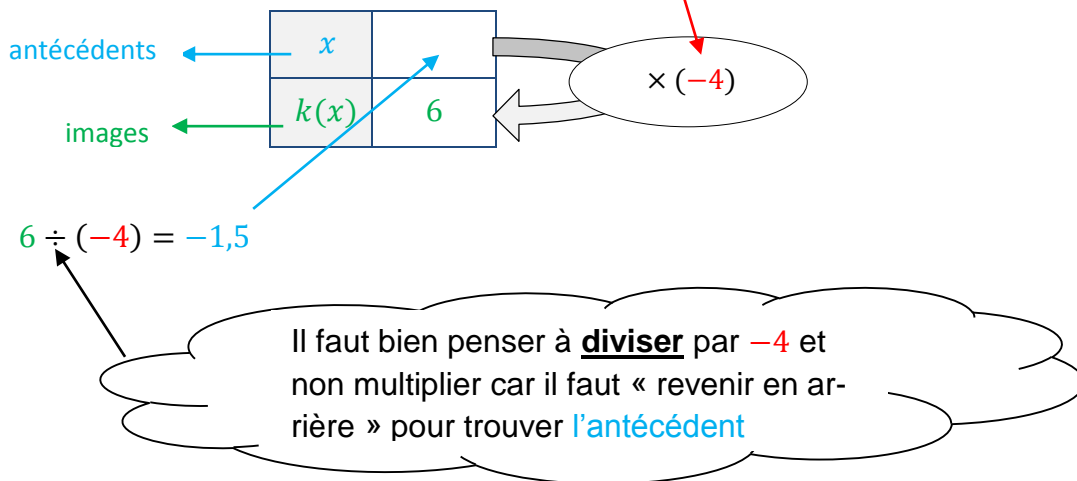
Soit  $k$  la fonction linéaire de coefficient  $-4$ .

On a alors  $k : x \mapsto -4x$

On note aussi  $k(x) = -4x$

On veut déterminer par le calcul l'antécédent de 6 par  $k$  :

On peut alors si besoin s'aider du tableau de valeurs suivant ( qui est un tableau de proportionnalité car  $k$  est une fonction linéaire )



## III. Représentation graphique d'une fonction linéaire :

### 1. Propriété :

#### Propriété - Définition :

Si  $f$  est une fonction linéaire définie par  $f(x) = a \times x$ , alors elle représente une situation de proportionnalité et donc sa représentation graphique dans un repère est une droite passant par l'origine.

Le coefficient  $a$  de la fonction linéaire est appelé le **coefficient directeur de cette droite**.

#### Remarque :

Si on résume, par exemple, lorsque  $f(x) = 3 \times x$  :

- $3$  est le **coefficient de la fonction**
- $3$  est le **coefficient de proportionnalité du tableau de valeurs** de la fonction
- $3$  est le **coefficient directeur de la droite** qui représente la fonction

## 2. Comment tracer la représentation graphique d'une fonction linéaire :

### Exemples :

- Tracer dans le repère la représentation graphique de la fonction  $g: x \mapsto 2x$

→  $g$  est une fonction linéaire donc sa représentation graphique est une droite passant par l'origine.

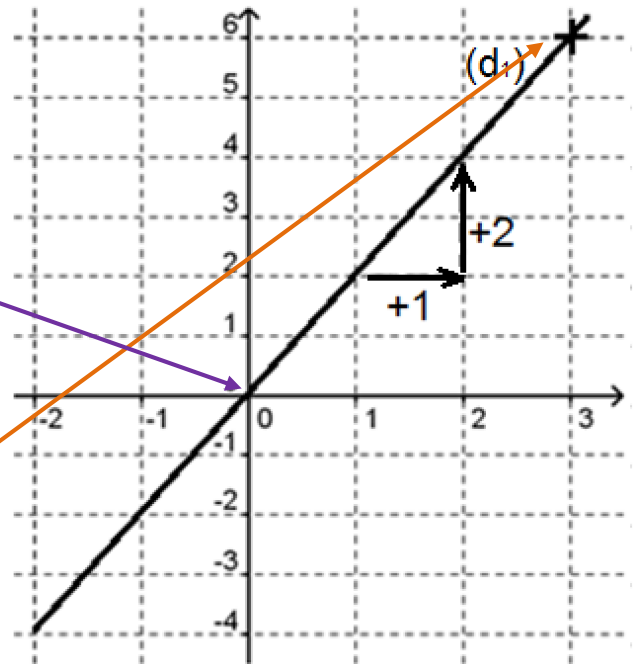
→ Notons cette droite  $(d_1)$ .

→ Comme la droite passe par l'origine, il suffit donc de connaître un 2<sup>ème</sup> point appartenant à  $(d_1)$ .

→ Pour trouver ce 2<sup>ème</sup> point, il faut calculer l'image par  $g$  d'un nombre différent de 0, par exemple :

$$g(3) = 2 \times 3 = 6$$

donc le point de coordonnées  $(3; 6)$  appartient à la droite  $(d_1)$ .



- Tracer dans le repère la représentation graphique de la fonction  $h: x \mapsto -2x$

→  $h$  est une fonction linéaire donc sa représentation graphique est une droite passant par l'origine.

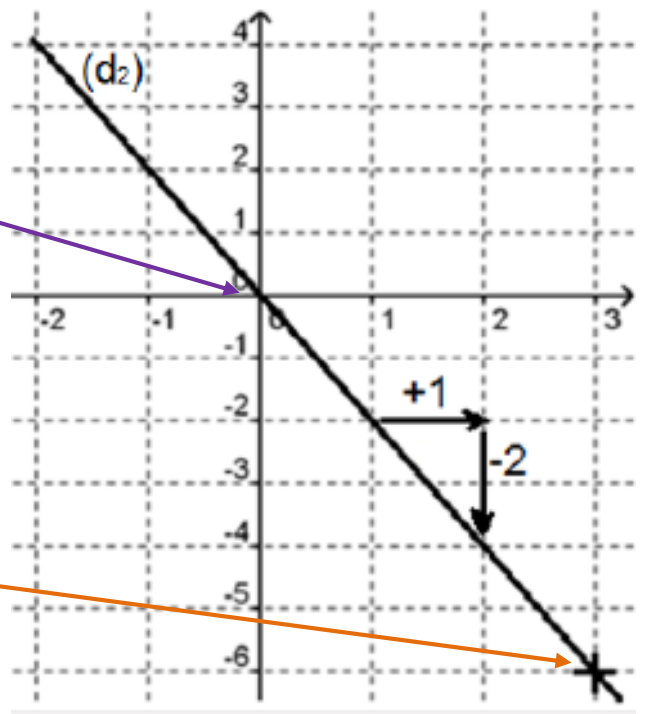
→ Notons cette droite  $(d_2)$ .

→ Comme la droite passe par l'origine, il suffit donc de connaître un 2<sup>ème</sup> point appartenant à  $(d_2)$ .

→ Pour trouver ce 2<sup>ème</sup> point, il faut calculer l'image par  $h$  d'un nombre différent de 0, par exemple :

$$h(3) = -2 \times 3 = -6$$

donc le point de coordonnées  $(3; -6)$  appartient à la droite  $(d_2)$ .



### Remarque importante à connaître par coeur :

- si  $a > 0$ , la droite « monte »
- si  $a < 0$ , la droite « descend »

### 3. Comment lire sur un graphique le coefficient directeur d'une droite :

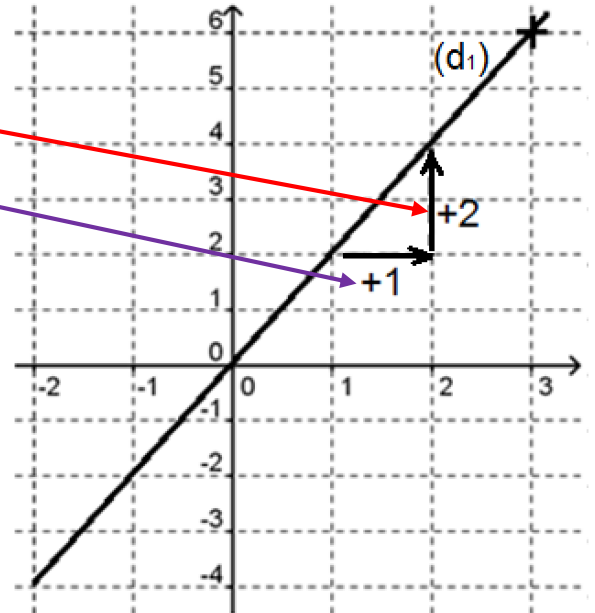
Reprenons les fonctions  $g$  et  $h$  de la partie précédente.

- On a  $g(x) = 2x$ .

La représentation graphique de  $g$  est une droite dont le coefficient directeur vaut  $2$

Le coefficient directeur de la droite donne des indications sur l'inclinaison de cette droite.

En effet, il signifie que si on part d'un point de la droite et qu'on « avance » de  $1$ , il faut « monter » de  $2$  pour retomber sur un autre point de la droite ( voir le graphique de la partie 2. ).

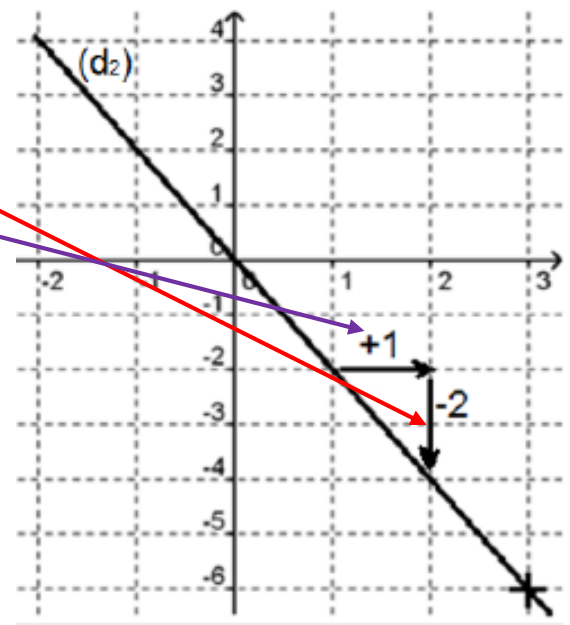


- On a  $h(x) = -2x$ .

La représentation graphique de  $h$  est une droite dont le coefficient directeur vaut  $-2$ .

Le coefficient directeur de la droite donne des indications sur l'inclinaison de cette droite.

En effet, il signifie que si on part d'un point de la droite et qu'on « avance » de  $1$ , il faut « descendre » de  $2$  pour retomber sur un autre point de la droite ( voir le graphique de la partie 2. ).



# 3<sup>ème</sup> - Exercices du chapitre 18 ( corrigés )

## Exercice n°2 a+c+d p.66-67 du sesamath ( corrigé ) :

- a. On a  $f(x) = 4 \times x$  et  $g(x) = -4 \times x$  donc  $f$  et  $g$  sont deux fonctions linéaires. On en déduit que **leur représentation graphique est une droite passant par l'origine du repère.**

c. **Pour le tracé de la droite représentant la fonction  $f$  :**

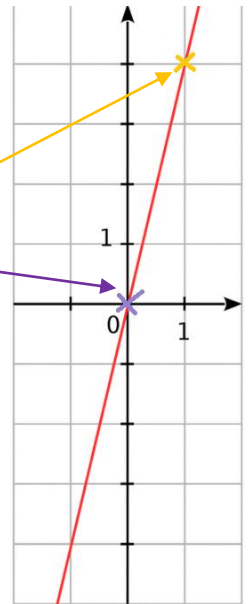
Comme la droite passe par l'origine, il suffit donc de connaître un 2<sup>ème</sup> point appartenant à la droite.

Pour trouver ce 2<sup>ème</sup> point, il faut calculer l'image par  $f$  d'un nombre différent de 0, par exemple :

$f(1) = 4 \times 1 = 4$  donc le point de coordonnées  $(1; 4)$  appartient à la droite.

**Remarques importantes :**

- $f(x) = 4 \times x$  donc on dira que 4 est le coefficient directeur de la droite.
- Comme  $4 > 0$ , la droite doit forcément « monter ».



d. **Pour le tracé de la droite représentant la fonction  $g$  :**

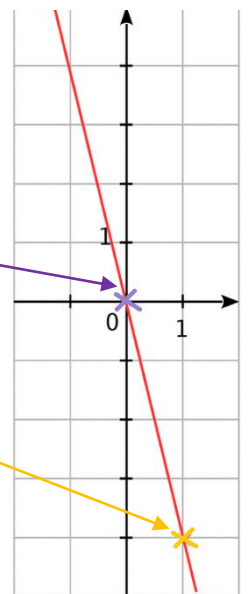
Comme la droite passe par l'origine, il suffit donc de connaître un 2<sup>ème</sup> point appartenant à la droite.

Pour trouver ce 2<sup>ème</sup> point, il faut calculer l'image par  $g$  d'un nombre différent de 0, par exemple :

$g(1) = -4 \times 1 = -4$  donc le point de coordonnées  $(1; -4)$  appartient à la droite.

**Remarques importantes :**

- $g(x) = -4 \times x$  donc on dira que -4 est le coefficient directeur de la droite.
- Comme  $-4 < 0$ , la droite doit forcément « descendre ».





### Exercice n°3 p.67 du sesamath ( corrigé ) :

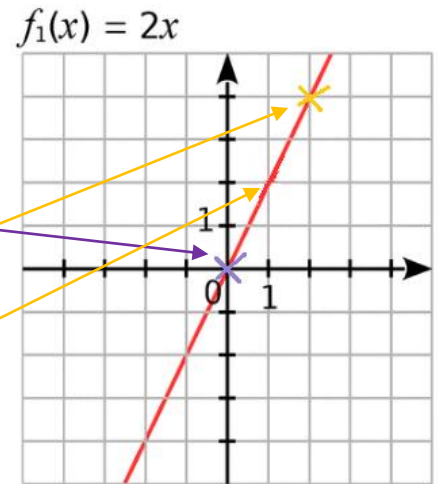
#### Pour la fonction $f_1$ définie par $f_1(x) = 2x$ :

On a  $f_1(x) = 2 \times x$  donc  $f_1$  est une fonction linéaire. On en déduit que sa représentation graphique est une droite passant par l'origine du repère.

Comme la droite passe par l'origine, il suffit donc de connaître un 2<sup>ème</sup> point appartenant à la droite.

Pour trouver ce 2<sup>ème</sup> point, il faut calculer l'image par  $f_1$  d'un nombre différent de 0, par exemple :

$f_1(2) = 2 \times 2 = 4$  donc le point de coordonnées  $(2 ; 4)$  appartient à la droite.



#### Remarques importantes :

- On aurait pu aussi calculer par exemple  $f_1(1) = 2 \times 1 = 2$  et donc placer le point de coordonnées  $(1 ; 2)$
- $f_1(x) = 2 \times x$  donc on dira que 2 est le coefficient directeur de la droite.
- Comme  $2 > 0$ , la droite doit forcément « monter ».

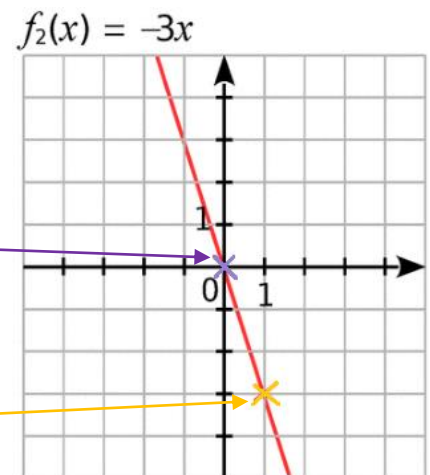
#### Pour la fonction $f_2$ définie par $f_2(x) = -3x$ :

On a  $f_2(x) = -3 \times x$  donc  $f_2$  est une fonction linéaire. On en déduit que sa représentation graphique est une droite passant par l'origine du repère.

Comme la droite passe par l'origine, il suffit donc de connaître un 2<sup>ème</sup> point appartenant à la droite.

Pour trouver ce 2<sup>ème</sup> point, il faut calculer l'image par  $f_2$  d'un nombre différent de 0, par exemple :

$f_2(1) = -3 \times 1 = -3$  donc le point de coordonnées  $(1 ; -3)$  appartient à la droite.



#### Remarques importantes :

- $f_2(x) = -3 \times x$  donc on dira que -3 est le coefficient directeur de la droite.
- Comme  $-3 < 0$ , la droite doit forcément « descendre ».

### Pour la fonction $f_2$ définie par $f_3(x) = -1,5x$ :

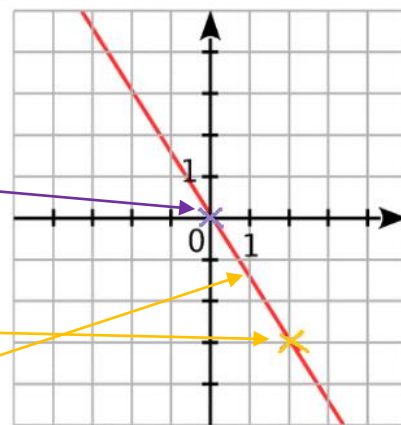
On a  $f_3(x) = -1,5 \times x$  donc  $f_3$  est une fonction linéaire. On en déduit que **sa représentation graphique est une droite passant par l'origine du repère.**

Comme la droite passe par l'**origine**, il suffit donc de connaître un 2<sup>ème</sup> point appartenant à la droite.

Pour trouver ce 2<sup>ème</sup> point, il faut calculer l'image par  $f_3$  d'un nombre différent de 0, par exemple :

$f_3(2) = -1,5 \times 2 = -3$  donc le point de coordonnées  $(2; -3)$  appartient à la droite.

$$f_3(x) = -1,5x$$



### Remarques importantes :

- On aurait pu aussi calculer par exemple  $f_3(1) = -1,5 \times 1 = -1,5$  et donc placer le point de coordonnées  $(1; -1,5)$  **mais ce n'est pas conseillé car on ne peut pas placer précisément ce point** car l'ordonnée  $-1,5$  n'est pas un nombre entier.
- $f_3(x) = -1,5 \times x$  donc on dira que  $-1,5$  est le coefficient directeur de la droite.
- Comme  $-1,5 < 0$ , la droite doit forcément « descendre ».

### Pour la fonction $f_2$ définie par $f_4(x) = \frac{1}{2}x$ :

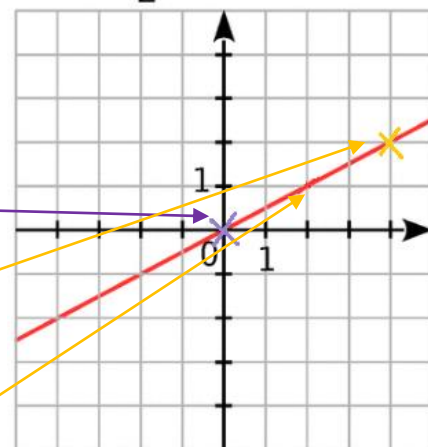
On a  $f_4(x) = \frac{1}{2} \times x$  donc  $f_4$  est une fonction linéaire. On en déduit que **sa représentation graphique est une droite passant par l'origine du repère.**

Comme la droite passe par l'**origine**, il suffit donc de connaître un 2<sup>ème</sup> point appartenant à la droite.

Pour trouver ce 2<sup>ème</sup> point, il faut calculer l'image par  $f_4$  d'un nombre différent de 0, par exemple :

$f_4(4) = \frac{1}{2} \times 4 = 2$  donc le point de coordonnées  $(4; 2)$  appartient à la droite.

$$f_4(x) = \frac{1}{2}x$$



### Remarques importantes :

- On aurait pu aussi calculer par exemple  $f_4(2) = \frac{1}{2} \times 2 = 1$  et donc placer le point de coordonnées  $(2; 1)$ .
- On aurait pu aussi calculer par exemple  $f_4(3) = \frac{1}{2} \times 3 = 1,5$  et donc placer le point de coordonnées  $(3; 1,5)$  **mais ce n'est pas conseillé car on ne peut pas placer précisément ce point** car l'ordonnée  $1,5$  n'est pas un nombre entier.
- $f_4(x) = \frac{1}{2} \times x$  donc on dira que  $\frac{1}{2}$  est le coefficient directeur de la droite.
- Comme  $\frac{1}{2} > 0$ , la droite doit forcément « monter ».